

第3問～第5問は、 いずれか2問を選択し、 解答しなさい。

### 第3問 (選択問題) (配点 20)

各項が正の実数である等比数列  $\{a_n\}$  があり、  $a_1a_3 = a_4 = 16$  であるとする。 $\{a_n\}$  の初項は ア、 公比は イ であり

$$\sum_{k=1}^n a_k = \boxed{\text{ウ}}^{n+\boxed{\text{工}}} - \boxed{\text{オ}} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

である。

また、 数列  $\{b_n\}$  は

$$b_1 = 2, \quad b_{n+1} - b_n = 2n + 3 \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

を満たすとする。 $\{b_n\}$  の一般項は

$$b_n = n^{\boxed{\text{カ}}} + \boxed{\text{キ}} n - \boxed{\text{ク}} \quad \dots\dots\dots (*)$$

であり

$$\sum_{k=1}^n b_k = \frac{n(\boxed{\text{ケ}} n^{\boxed{\text{サ}}} + \boxed{\text{サ}} n + \boxed{\text{シ}})}{\boxed{\text{ス}}} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

である。

(数学II・数学B 第3問は次ページに続く。)

自然数  $n$  に対して  $S_n = \sum_{k=1}^n a_k b_k$  とおく。 $S_n$  を  $n$  の式で表そう。(\*) より

$$b_n = \boxed{\text{セ}} n^2 - (n - \boxed{\text{ソ}})^2 \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

と変形できるので、 $f(n) = (n - \boxed{\text{ソ}})^2 \cdot 2^n \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$  とおくと

$$a_n b_n = f(n+1) - f(n) \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

と表される。これより

$$S_n = n \boxed{\text{タ}} \cdot 2 \boxed{\text{チ}} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

となる。 $\boxed{\text{チ}}$  に当てはまるものを、次の①～④のうちから一つ選べ。

- ①  $n-2$       ②  $n-1$       ③  $n$       ④  $n+1$       ⑤  $n+2$

また、自然数  $n$  に対して、 $S_n$  を 3 で割ったときの余りを  $r_n$  とすると

$$\sum_{k=1}^{2015} r_k = \boxed{\text{ツテトナ}}$$

である。