

第2問 (必答問題) (配点 30)

関数 $f(x)$ の原始関数の一つを $F(x)$ とする。すなわち、 $F'(x) = f(x)$ が成り立つとする。

$f(x)$ の $x = a$ から $x = b$ までの定積分は

$$\int_a^b f(x) dx = F(\boxed{\text{ア}}) - F(\boxed{\text{イ}})$$

である。

(1) $F(x) = x^3 - 6x^2 + 9x$ とする。このとき

$$f(x) = \boxed{\text{ウ}} x^2 - \boxed{\text{エオ}} x + \boxed{\text{カ}}$$

であり、 $F(x)$ は $x = \boxed{\text{キ}}$ で極大値 $\boxed{\text{ク}}$ 、 $x = \boxed{\text{ケ}}$ で極小値 $\boxed{\text{コ}}$ をとる。

(2) $f(x) = x^2 - 2x - 3$ とし、座標平面上で曲線 $y = f(x)$ を D とする。

$$F(x) = \frac{\boxed{\text{サ}}}{\boxed{\text{シ}}} x^3 - x^2 - \boxed{\text{ス}} x + C \quad (C \text{ は定数})$$

と表される。

D の $0 \leq x \leq 2$ の部分と2直線 $x = 0$ 、 $x = 2$ および x 軸で囲まれた図形の面積 S は

$$S = F(\boxed{\text{セ}}) - F(\boxed{\text{ソ}}) = \frac{\boxed{\text{タチ}}}{\boxed{\text{ツ}}}$$

である。

(数学Ⅱ・数学B 第2問 は次ページに続く。)

$0 < a < 3$, $3 < b$ とする。 D の $x \geq 0$ の部分と2直線 $x = a$, $x = b$ および x 軸で囲まれた二つの図形の面積の和 T は

$$T = F(\boxed{\text{テ}}) + F(\boxed{\text{ト}}) - \boxed{\text{ナ}} F(\boxed{\text{ニ}})$$

である。ただし、 $\boxed{\text{テ}}$, $\boxed{\text{ト}}$ の解答の順序は問わない。

$b = a + 3$ とする。 T を a で表すと

$$T = \frac{\boxed{\text{ヌ}}}{\boxed{\text{ネ}}} a^3 + a^2 - \boxed{\text{ノ}} a + \boxed{\text{ハ}}$$

である。 a が $0 < a < 3$ の範囲を動くとき、 T は $a = \frac{\boxed{\text{ヒフ}} + \sqrt{\boxed{\text{ヘ}}}}{\boxed{\text{ホ}}}$ で最

小値をとる。