

(注) この科目には、選択問題があります。

第1問 (必答問題) (配点 30)

[1] 2次方程式 $x^2 - 5x + 5 = 0$ の解は

$$x = \frac{\boxed{\text{ア}} \pm \sqrt{\boxed{\text{イ}}}}{\boxed{\text{ウ}}}$$

である。

このうち、小さい方を x_1 、大きい方を x_2 とし、 $\alpha = |x_1 - 2|$ 、 $\beta = |x_2 - 2|$ とすると

$$\alpha + \beta = \sqrt{\boxed{\text{エ}}}, \quad \alpha\beta = \boxed{\text{オ}}$$

である。

また

$$\alpha^2 + \beta^2 = \boxed{\text{カ}}, \quad \alpha^8 + \beta^8 = \boxed{\text{キク}}$$

である。さらに、 $0 < \alpha < 1$ であることより、 $m \leq \beta^8 < m + 1$ を満たす整数 m は $\boxed{\text{ケコ}}$ である。

(数学Ⅰ・数学A 第1問 は次ページに続く。)

[2] a は自然数, b は整数とする。

整数全体の集合を全体集合 U とし, U の部分集合を次のように定める。

$$A = \{3, 4, 7, 9, a^2 - a\}$$

$$B = \{0, 8, a + b + 1, 2a + b\}$$

$$C = \{2, 7, 9\}$$

集合 A の補集合を $\overline{A}$ で表し, 同様に B, C の補集合をそれぞれ $\overline{B}, \overline{C}$ で表す。ただし, $A \cap B$ は空集合ではないとする。

(1) 集合 C が集合 A の部分集合であるとき, $C \subset A$ と表す。

$C \subset A$ となるような a の値は

$$a = \boxed{\text{サ}}$$

である。

(2) $A \cap B = \{3, 4\}$ となるような a, b の組 (a, b) は

$$(a, b) = (\boxed{\text{シ}}, \boxed{\text{ス}})$$

である。

(3) $A \cap \overline{B} = \{2, 3, 7, 9\}$ となるような a, b の組 (a, b) は

$$(a, b) = (\boxed{\text{セ}}, \boxed{\text{ソ}})$$

である。

(数学 I ・数学 A 第 1 問 は次ページに続く。)

[3] $AB=6$, $BC=10$ である長方形 $ABCD$ があり, 辺 BC 上に $BE=1$ を満たす点 E をとる。

動点 P は, 点 A を出発し, 1 秒あたり 2 の速さで B まで進む。また, 動点 Q は, 点 P が A を出発すると同時に点 E を出発し, 1 秒あたり 3 の速さで C まで進む。

出発してから t 秒後の 2 点 P , Q を考える。以下, $0 < t < 3$ とする。

線分 AP , BQ の長さを t で表せば

$$AP = \boxed{\text{タ}} t, \quad BQ = \boxed{\text{チ}} + \boxed{\text{ツ}} t$$

となるので, 三角形 PBQ の面積 S を t で表せば

$$S = \boxed{\text{テト}} t^2 + \boxed{\text{ナ}} t + \boxed{\text{ニ}}$$

となる。

これより, $0 < t < 3$ においては, $t = \frac{\boxed{\text{ヌ}}}{\boxed{\text{ネ}}}$ で最大値 $\frac{\boxed{\text{ノハ}}}{\boxed{\text{ヒ}}}$ をとる。