

$$(4) \text{ (与式)} = \sqrt{\frac{8-2\sqrt{15}}{2}} = \frac{\sqrt{8-2\sqrt{15}}}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{\sqrt{(5+3)-2\sqrt{5\cdot 3}}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{5}-\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{\sqrt{10}-\sqrt{6}}{2}$$

- 63 (1) 移項すると
すなわち
両辺を 2 で割って
 $2x = 7 + 5$
 $2x = 12$
 $x = 6$
- (2) 移項すると
すなわち
両辺を -10 で割って
 $-6x - 4x = -12 - 3$
 $-10x = -15$
 $x = \frac{15}{10} = \frac{3}{2}$
- (3) 左辺を展開すると
移項すると
すなわち
 $6x + 12 = 5x$
 $6x - 5x = -12$
 $x = -12$
- (4) 両辺に 10 を掛けて
移項すると
すなわち
両辺を -3 で割って
 $9x + 10 = 12x - 20$
 $9x - 12x = -20 - 10$
 $-3x = -30$
 $x = 10$
- (5) 両辺に 2 を掛けて
移項すると
すなわち
 $2x = x + 2$
 $2x - x = 2$
 $x = 2$
- (6) 両辺に 6 を掛けて
右辺を展開すると
移項すると
すなわち
 $4x - 6 = 3(x + 1)$
 $4x - 6 = 3x + 3$
 $4x - 3x = 3 + 6$
 $x = 9$

64 (1) $\frac{x}{2} - 3 > 4x$

(2) $-3 \leq ab < 0$

(3) $80x + 300 \leq 800$

- 65 (1) $a + 3 < b + 3$ (2) $a - 4 < b - 4$
 (3) $5a < 5b$ (4) $-6a > -6b$
 (5) $\frac{a}{2} < \frac{b}{2}$ (6) $\frac{a}{-5} > \frac{b}{-5}$
 (7) $a < b$ の両辺に 2 を掛けると $2a < 2b$
 さらに両辺から 1 を引くと $2a - 1 < 2b - 1$
 (8) $a < b$ の両辺に -1 を掛けると、不等号の向き
 が変わらるから $-a > -b$
 さらに両辺に 1 を足すと $1 - a > 1 - b$
 (9) $a < b$ の両辺に 1 を足すと $a + 1 < b + 1$
 さらに両辺に -1 を掛けると、不等号の向きが
 変わるから $-(a + 1) > -(b + 1)$

66 $x=4$ のときの左辺の値を調べる。

① $2 \cdot 4 + 1 = 9 > 5$

② $1 - 4 = -3 < -2$

③ $-3 \cdot 4 + 5 = -7 < 0$

よって、①～③の不等式のうち $x=4$ が解であるものは ②

- 67 (1) 移項すると $8x < 9 + 7$
 整理すると $8x < 16$
 両辺を 8 で割って $x < 2$
- (2) 移項すると $2x > -1 - 5$
 整理すると $2x > -6$
 両辺を 2 で割って $x > -3$
- (3) 移項すると $x - 5x \geq 16$
 整理すると $-4x \geq 16$
 両辺を -4 で割って $x \leq -4$
- (4) 移項すると $-x - 2x \leq -12$
 整理すると $-3x \leq -12$
 両辺を -3 で割って $x \geq 4$
- (5) 移項すると $7x - 2x \leq 6 - 1$
 整理すると $5x \leq 5$
 両辺を 5 で割って $x \leq 1$
- (6) 移項すると $4x - 3x \geq 2 + 3$
 整理すると $x \geq 5$
- (7) 移項すると $6x - 8x > 13 + 5$
 整理すると $-2x > 18$
 両辺を -2 で割って $x < -9$
- (8) 移項すると $2x - 5x < -6 - 7$
 整理すると $-3x < -13$
 両辺を -3 で割って $x > \frac{13}{3}$
- (9) 展開すると $2x + 1 \geq 4x + 12$
 移項すると $2x - 4x \geq 12 - 1$
 整理すると $-2x \geq 11$
 両辺を -2 で割って $x \leq -\frac{11}{2}$
- (10) 展開すると $6x + 3 > x - 2$
 移項すると $6x - x > -2 - 3$
 整理すると $5x > -5$
 両辺を 5 で割って $x > -1$
- (11) 展開すると $9x + 3 < 7x - 14$
 移項すると $9x - 7x < -14 - 3$
 整理すると $2x < -17$
 両辺を 2 で割って $x < -\frac{17}{2}$
- (12) 展開すると $3x - 4 \leq 5x + 5$
 移項すると $3x - 5x \leq 5 + 4$
 整理すると $-2x \leq 9$
 両辺を -2 で割って $x \geq -\frac{9}{2}$

68 (1) 両辺に 10 を掛けると

$$10 \times \frac{1}{2}x > 10 \left(\frac{4}{5}x + 3 \right)$$

すなわち $5x > 8x + 30$

移項して整理すると $-3x > 30$

よって $x < -10$

(2) 両辺に 2 を掛けると

$$2 \times \frac{1-3x}{2} \leq 2 \times 3(1-2x)$$

すなわち $1-3x \leq 6-12x$

移項して整理すると $9x \leq 5$

よって $x \leq \frac{5}{9}$

(3) 両辺に 6 を掛けると

$$6 \times \frac{x-1}{2} < 6 \times \frac{4x+5}{3}$$

すなわち $3x-3 < 8x+10$

移項して整理すると $-5x < 13$

よって $x > -\frac{13}{5}$

(4) 両辺に 12 を掛けると

$$12 \left(\frac{2}{3}x - \frac{1}{6} \right) \geq 12 \left(\frac{1}{4}x - 1 \right)$$

すなわち $8x-2 \geq 3x-12$

移項して整理すると $5x \geq -10$

よって $x \geq -2$

(5) 両辺に 8 を掛けると

$$8 \left(\frac{5}{8}x + \frac{1}{2} \right) < 8 \left(x + \frac{3}{4} \right)$$

すなわち $5x+4 < 8x+6$

移項して整理すると $-3x < 2$

よって $x > -\frac{2}{3}$

(6) 両辺に 35 を掛けると

$$35 \left(\frac{x-6}{7} - \frac{x-5}{5} \right) \leq -35$$

すなわち $5x-30 - 7x+35 \leq -35$

移項して整理すると $-2x \leq -40$

よって $x \geq 20$

(7) 両辺に 10 を掛けると $2x-10 \geq 4x-15$

移項して整理すると $-2x \geq -5$

よって $x \leq \frac{5}{2}$

(8) 両辺に 100 を掛けると $20x-9 > 6x-30$

移項して整理すると $14x > -21$

よって $x > -\frac{3}{2}$

69 (1) $3x+8 \geq 4x-3$ から $-x \geq -11$

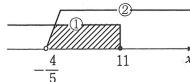
よって $x \leq 11$ ①

$2(3x+1) > x-2$ から $6x+2 > x-2$

すなわち $5x > -4$

よって $x > -\frac{4}{5}$ ②

①と②の共通範囲を求めて $-\frac{4}{5} < x \leq 11$



(2) $5x+2 < 3(2x-1)$ から $5x+2 < 6x-3$

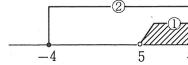
すなわち $-x < -5$

よって $x > 5$ ①

$-4x-5 \leq 3-2x$ から $-2x \leq 8$

よって $x \geq -4$ ②

①と②の共通範囲を求めて $x > 5$



(3) $2(2-x) \geq 3x+14$ から $4-2x \geq 3x+14$

すなわち $-5x \geq 10$

よって $x \leq -2$ ①

$\frac{x-5}{5} \leq \frac{x-6}{7}$ の両辺に 35 を掛けると

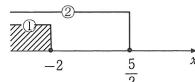
$$35 \times \frac{x-5}{5} \leq 35 \times \frac{x-6}{7}$$

展開すると $7x-35 \leq 5x-30$

すなわち $2x \leq 5$

よって $x \leq \frac{5}{2}$ ②

①と②の共通範囲を求めて $x \leq -2$



(4) $7(x+1) > 3(x+5)$ から $7x+7 > 3x+15$

すなわち $4x > 8$

よって $x > 2$ ①

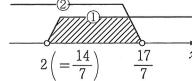
$0.5x-0.7 < -0.2x+1$ の両辺に 10 を掛けると

$5x-7 < -2x+10$

すなわち $7x < 17$

よって $x < \frac{17}{7}$ ②

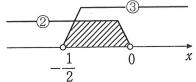
①と②の共通範囲を求めて $2 < x < \frac{17}{7}$



70 (1) $\begin{cases} -3x-2 < x & \dots \text{①} \\ x < 0 & \dots \text{②} \end{cases}$

①から $-4x < 2$ よって $x > -\frac{1}{2}$ ③

②と③の共通範囲を求めて $-\frac{1}{2} < x < 0$



(2) 各辺から 2 を引いて $-3-2 \leq 5x \leq 10-2$
すなわち $-5 \leq 5x \leq 8$

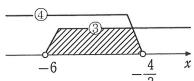
各辺を 5 で割って $-1 \leq x \leq \frac{8}{5}$

(3) $\begin{cases} x < 3x+12 & \dots \text{①} \\ 3x+12 < 8 & \dots \text{②} \end{cases}$

①から $-2x < 12$ よって $x > -6$ ③

②から $3x < -4$ よって $x < -\frac{4}{3}$ ④

③と④の共通範囲を求めて $-6 < x < -\frac{4}{3}$



(4) 各辺に 6 を掛けると

$$6 \times \frac{3x-1}{6} \leq 6 \times \frac{2x+1}{3} \leq 6 \times \frac{x+2}{2}$$

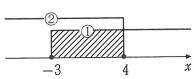
すなわち $3x-1 \leq 4x+2 \leq 3x+6$

$3x-1 \leq 4x+2$ から $-x \geq 3$

すなわち $x \leq -3$ ①

$4x+2 \leq 3x+6$ から $x \leq 4$ ②

①と②の共通範囲を求めて $-3 \leq x \leq 4$



(5) 各辺に 100 を掛けると $-3 \leq 10-2x < 30$

各辺から 10 を引くと $-13 \leq -2x < 20$

各辺を -2 で割ると $-10 < x \leq \frac{13}{2}$

(6) $\begin{cases} 2x-1 \leq x-3 & \dots \text{①} \\ x-3 < 3x-11 & \dots \text{②} \end{cases}$

①から $x \leq -2$ ③

②から $-2x < -8$ よって $x > 4$ ④

③と④の共通範囲はない。

したがって、不等式の解はない



71 (1) 移項すると $7x-x \geq \sqrt{7}+\sqrt{2}$

すなわち $6x \geq \sqrt{7}+\sqrt{2}$

両辺を 6 で割ると $x \geq \frac{\sqrt{7}+\sqrt{2}}{6}$

(2) 展開すると $3x-3\sqrt{5} < 5x-\sqrt{5}$

移項すると $3x-5x < -\sqrt{5}+3\sqrt{5}$

すなわち $-2x < 2\sqrt{5}$

両辺を -2 で割ると $x > -\sqrt{5}$

(3) 展開すると $\sqrt{3}x-1 > 2x-2$

移項すると $(\sqrt{3}-2)x > -2+1$

すなわち $(\sqrt{3}-2)x > -1$

$\sqrt{3}=1.732$ ……より、 $\sqrt{3}-2 < 0$ であるから、

両辺を $\sqrt{3}-2$ で割ると $x < -\frac{1}{\sqrt{3}-2}$

ここで $-\frac{1}{\sqrt{3}-2} = -\frac{\sqrt{3}+2}{(\sqrt{3}-2)(\sqrt{3}+2)}$

$$= -\frac{\sqrt{3}+2}{(\sqrt{3})^2-2^2} = 2+\sqrt{3}$$

よって $x < 2+\sqrt{3}$

(4) 展開すると $\sqrt{2}x-\sqrt{2} \leq x+1$

移項すると $\sqrt{2}x-x \leq 1+\sqrt{2}$

すなわち $(\sqrt{2}-1)x \leq \sqrt{2}+1$

$\sqrt{2}=1.414$ ……より、 $\sqrt{2}-1 > 0$ であるから、

両辺を $\sqrt{2}-1$ で割ると $x \leq \frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}-1}$

ここで $\frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}-1} = \frac{(\sqrt{2}+1)^2}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)}$

$$= \frac{(\sqrt{2})^2+2 \cdot \sqrt{2} \cdot 1 + 1^2}{(\sqrt{2})^2-1^2}$$

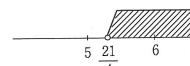
$$= 3+2\sqrt{2}$$

よって $x \leq 3+2\sqrt{2}$

72 (1) 不等式を整理すると $-4n < -21$

よって $n > \frac{21}{4}$ すなわち $n > 5.25$

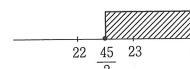
不等式を満たす最小の自然数 n は $n=6$



(2) 不等式を整理すると $6n \geq 135$

よって $n \geq \frac{45}{2}$ すなわち $n \geq 22.5$

不等式を満たす最小の自然数 n は $n=23$

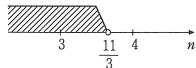


73 (1) 不等式を整理すると $-6n > -22$

よって $n < \frac{11}{3}$

すなわち $n < 3.66 \dots$

不等式を満たす最大の自然数 n は $n = 3$

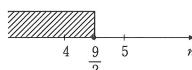


(2) 不等式を整理すると $4n \leq 18$

よって $n \leq \frac{9}{2}$

すなわち $n \leq 4.5$

不等式を満たす最大の自然数 n は $n = 4$



74 (1) 展開すると $6x + 32 - 8x > 5$

整理すると $-2x > -27$

よって $x < \frac{27}{2}$

$\frac{27}{2} = 13.5$ であるから、不等式を満たす 2 桁の自然数 x は $x = 10, 11, 12, 13$

(2) 各辺に 12 を掛けると $-6 < 3n + 8 < 12$

各辺から 8 を引くと $-14 < 3n < 4$

各辺を 3 で割ると $-\frac{14}{3} < n < \frac{4}{3}$

$-\frac{14}{3} = -4.66 \dots, \frac{4}{3} = 1.33 \dots$ であるから、不等式を満たす整数 n は

$n = -4, -3, -2, -1, 0, 1$

75 ケーキ B を x 個買うとすると、ケーキ A は $(15-x)$ 個買うことになる。

このとき、ケーキ代と箱代の合計金額は

$$300(15-x) + 340x + 200 \text{ (円)}$$

これが 5000 円以内であるから

$$300(15-x) + 340x + 200 \leq 5000$$

整理すると $40x \leq 300$

よって $x \leq \frac{15}{2}$

すなわち $x \leq 7.5$

不等式を満たす最大の整数 x は $x = 7$

したがって A が 8 個、B が 7 個

76 16 % の食塩水の量を x g とする。

食塩水に含まれる食塩の量を考えて

$$\begin{aligned} 500 \times \frac{9}{100} &\leq x \times \frac{16}{100} + (500-x) \times \frac{8}{100} \\ &\leq 500 \times \frac{10}{100} \end{aligned}$$

各辺に 100 を掛けると

$$500 \times 9 \leq 16x + 8(500-x) \leq 500 \times 10$$

$$4500 \leq 16x + 4000 - 8x \leq 5000$$

各辺から 4000 を引くと $500 \leq 8x \leq 1000$

各辺を 8 で割ると $62.5 \leq x \leq 125$

よって 62.5 g 以上 125 g 以下

77 $2.5 \leq \frac{\sqrt{2}x-3}{6} < 3.5$

すなわち $\frac{5}{2} \leq \frac{\sqrt{2}x-3}{6} < \frac{7}{2}$

各辺に 6 を掛けると $15 \leq \sqrt{2}x - 3 < 21$

各辺に 3 を足すと $18 \leq \sqrt{2}x < 24$

各辺を $\sqrt{2}$ で割ると $\frac{18}{\sqrt{2}} \leq x < \frac{24}{\sqrt{2}}$

$$\frac{18}{\sqrt{2}} = 9\sqrt{2}, \frac{24}{\sqrt{2}} = 12\sqrt{2} \text{ であるから} \\ 9\sqrt{2} \leq x < 12\sqrt{2}$$

78 (1) 不等式を整理すると $-3x \geq -a+9$

両辺を -3 で割ると $x \leq \frac{a-9}{3}$

解が $x \leq 2$ であるから $\frac{a-9}{3} = 2$

両辺に 3 を掛けると $a-9=6$

よって $a=15$

(2) $x=-1$ が $x \leq \frac{a-9}{3}$ を満たすから

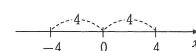
$$-1 \leq \frac{a-9}{3}$$

両辺に 3 を掛けると $-3 \leq a-9$

よって $a \geq 6$

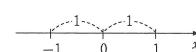
79 (1) $|x|=4$ の解は

$$x=\pm 4$$



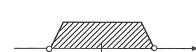
(2) $|x|=1$ の解は

$$x=\pm 1$$



(3) $|x|<9$ の解は

$$-9 < x < 9$$

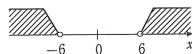


(4) $|x|\leq 5$ の解は

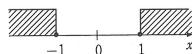
$$-5 \leq x \leq 5$$



(5) $|x| > 6$ の解は
 $x < -6, 6 < x$



(6) $|x| \geq 1$ の解は
 $x \leq -1, 1 \leq x$



80 (1) $|x-1|=3$ から $x-1=\pm 3$

よって $x=4, -2$

(2) $|x+1|=4$ から $x+1=\pm 4$

よって $x=3, -5$

(3) $|x-2|<4$ から $-4 < x-2 < 4$

各辺に 2 を足して $-2 < x < 6$

(4) $|x+6|\leq 1$ から $-1\leq x+6\leq 1$

各辺から 6 を引いて $-7\leq x\leq -5$

(5) $|x-3|>2$ から $x-3<-2, 2 < x-3$

各辺に 3 を足して $x<1, 5 < x$

(6) $|x+5|\geq 8$ から $x+5\leq -8, 8\leq x+5$

各辺から 5 を引いて $x\leq -13, 3\leq x$

81 **指針** 絶対値を含む 1 次方程式、1 次不等式
 絶対値記号内の式をひとかたまりとみる。 x の係
 数が負のときの不等式は、不等号の向きに注意
 する。

(1) $|2x-3|=1$ から $2x-3=\pm 1$

よって $x=2, 1$

(2) $|-x+4|=9$ から $-x+4=\pm 9$

よって $x=-5, 13$

(3) $|3x-2|>1$ から $3x-2 < -1, 1 < 3x-2$

各辺に 2 を足して $3x < 1, 3 < 3x$

各辺を 3 で割って $x < \frac{1}{3}, 1 < x$

(4) $|7x-1|<1$ から $-1 < 7x-1 < 1$

各辺に 1 を足して $0 < 7x < 2$

各辺を 7 で割って $0 < x < \frac{2}{7}$

(5) $|2x+5|\leq 2$ から $-2\leq 2x+5\leq 2$

各辺から 5 を引いて $-7\leq 2x\leq -3$

各辺を 2 で割って $-\frac{7}{2}\leq x\leq -\frac{3}{2}$

(6) $|6-x|\geq 4$ から $6-x\leq -4, 4\leq 6-x$

各辺から 6 を引いて $-x\leq -10, -2\leq -x$

各辺を -1 で割って $x\leq 2, 10\leq x$

82 (1) $x+1\geq 0$ のとき $|x+1|=x+1$

$x+1<0$ のとき $|x+1|=-(x+1)=-x-1$

よって、 $x\geq -1$ のとき $|x+1|=x+1$

$x < -1$ のとき $|x+1|=-x-1$

(2) $4-x\geq 0$ のとき $|4-x|=4-x$

$4-x<0$ のとき $|4-x|=-(4-x)$
 $=x-4$

よって、 $x\leq 4$ のとき $|4-x|=4-x$

$x>4$ のとき $|4-x|=x-4$

(3) $3x+2\geq 0$ のとき $|3x+2|=3x+2$

$3x+2<0$ のとき $|3x+2|=-(3x+2)=-3x-2$
 よって、 $x\geq -\frac{2}{3}$ のとき $|3x+2|=3x+2$
 $x<-\frac{2}{3}$ のとき $|3x+2|=-3x-2$

83 (1) [1] $x-3\geq 0$ すなわち $x\geq 3$ のとき

$|x-3|=x-3$ であるから $x-3=4x$

これを解いて $x=-1$

これは $x\geq 3$ を満たさない。

[2] $x-3<0$ すなわち $x<3$ のとき

$|x-3|=-(x-3)$ であるから $-(x-3)=4x$
 これを解いて $x=\frac{3}{5}$

これは $x<3$ を満たす。

[1], [2] から、解は $x=\frac{3}{5}$

(2) [1] $3x+2\geq 0$ すなわち $x\geq -\frac{2}{3}$ のとき

$|3x+2|=3x+2$ であるから $3x+2 < 2-x$

これを解いて $x < 0$

$x\geq -\frac{2}{3}$ であるから $-\frac{2}{3} \leq x < 0$

[2] $3x+2<0$ すなわち $x < -\frac{2}{3}$ のとき

$|3x+2|=-(3x+2)$ であるから

$-(3x+2) < 2-x$

これを解いて $x > -2$

$x < -\frac{2}{3}$ であるから $-2 < x < -\frac{2}{3}$

[1], [2] から、解は $-2 < x < 0$

84 **指針** 絶対値を 2 つ含む 1 次方程式、1 次不等式

2 つの絶対値記号内の式が 0 となる x の値を求めて、[1] ともに負 [2] 一方が 0 以上で他方が負

[3] ともに 0 以上 の 3 つの場合に分けて考える。

(1) [1] $x < 0$ のとき

$|2x|=-2x, |x-5|=-(x-5)$ であるから
 $-2x-(x-5)=8$

これを解いて $x=-1$

これは $x < 0$ を満たす。

[2] $0 \leq x < 5$ のとき

$$|2x|=2x, |x-5|=-(x-5) \text{ であるから}$$

$$2x-(x-5)=8$$

これを解いて $x=3$

これは $0 \leq x < 5$ を満たす。

[3] $x \geq 5$ のとき

$$|2x|=2x, |x-5|=x-5 \text{ であるから}$$

$$2x+(x-5)=8$$

これを解いて $x=\frac{13}{3}$

これは $x \geq 5$ を満たさない。

[1] ~ [3] から、解は $x=-1, 3$

(2) [1] $x < -1$ のとき

$$|x+1|=-(x+1), |x-3|=-(x-3) \text{ である}$$

$$\text{から } -2(x+1)+(x-3) \leq 2x+1$$

これを解いて $x \geq -2$

$x < -1$ であるから $-2 \leq x < -1$

[2] $-1 \leq x < 3$ のとき

$$|x+1|=x+1, |x-3|=-(x-3) \text{ であるから}$$

$$2(x+1)+(x-3) \leq 2x+1$$

これを解いて $x \leq 2$

$-1 \leq x < 3$ であるから $-1 \leq x \leq 2$

[3] $x \geq 3$ のとき

$$|x+1|=x+1, |x-3|=x-3 \text{ であるから}$$

$$2(x+1)-(x-3) \leq 2x+1$$

これを解いて $x \geq 4$

これは $x \geq 3$ を満たす。

[1] ~ [3] から、解は $-2 \leq x \leq 2, 4 \leq x$

85 A の要素は $2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29$ である。

(1) $7 \in A$ (2) $17 \in A$ (3) $27 \notin A$

(4) $37 \notin A$

86 (1) $A=\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

(2) $B=\{1, 2, 4, 8, 16\}$

(3) $C=\{11, 13, 15, \dots, 99\}$

(4) $D=\{5, 10, 15, \dots, 100\}$

87 集合 B の要素 1 と 3 が A の要素でない。

集合 C のすべての要素が A の要素である。

集合 D の要素 1 が A の要素でない。

集合 E のすべての要素が A の要素である。

よって、 A の部分集合であるものは C, E

88 (1) $3 \in A, 7 \in A, 9 \in A$ であるから、 B のすべての要素が A の要素である。

また、 $1 \in A$ であるが $1 \notin B$

よって $A \supset B$

(2) $C=\{2, 3, 5, 7\}, D=\{2, 3, 5, 7\}$

よって $C=D$

(3) $P=\{1, 3, 5, 15\},$

$Q=\{1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30\}$

よって $P \subset Q$

89 (1) $\emptyset, \{4\}, \{5\}, \{4, 5\}$

(2) $\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, \{1, 2, 3\}$

(3) $\emptyset, \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{d\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{a, d\}, \{b, c\}, \{b, d\}, \{c, d\}, \{a, b, c\}, \{a, b, d\}, \{a, c, d\}, \{b, c, d\}, \{a, b, c, d\}$

90 (1) $A \cap B=\{1, 3\},$

$A \cup B=\{0, 1, 2, 3, 5, 7\}$

(2) $A \cap B=\emptyset,$

$A \cup B=\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$

(3) $A=\{1, 2, 4, 8, 16\},$

$B=\{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24\}$ であるから
 $A \cap B=\{1, 2, 4, 8\},$

$A \cup B=\{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 16, 24\}$

(4) $-1 \leq x \leq 3 \dots \textcircled{1}, 2 < x < 6 \dots \textcircled{2}$

①と②の共通範囲は $2 < x \leq 3$

よって $A \cap B=\{x \mid 2 < x \leq 3, x \text{ は実数}\}$

①と②を合わせた範囲は $-1 \leq x < 6$

よって $A \cup B=\{x \mid -1 \leq x < 6, x \text{ は実数}\}$

91 A, B, U の要素を

図に書き込んでいくと、

右のようになる。

(1) $\overline{A}=\{5, 6, 7\}$

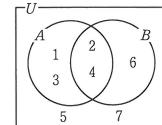
(2) $\overline{B}=\{1, 3, 5, 7\}$

(3) $\overline{A} \cap \overline{B}=\{6\}$

(4) $\overline{A \cup B}=\{1, 2, 3, 4, 5, 7\}$

(5) $\overline{A \cup B}=\{2, 4, 5, 6, 7\}$

(6) $\overline{A \cap B}=\{1, 3\}$



92 ド・モルガンの法則により

$$\overline{A \cap B}=\overline{A} \cup \overline{B},$$

$$\overline{A \cup B}=\overline{A} \cap \overline{B}$$

また $\overline{\overline{A}}=\{6, 9, 10, 12\}$

$$\overline{\overline{B}}=\{5, 6, 7, 8, 12\}$$

(1) $\overline{A \cap B}=\overline{A} \cup \overline{B}$

$$=\{5, 6, 7, 8, 9, 10, 12\}$$

(2) $\overline{A \cup B}=\overline{A} \cap \overline{B}$

$$=\{6, 12\}$$