

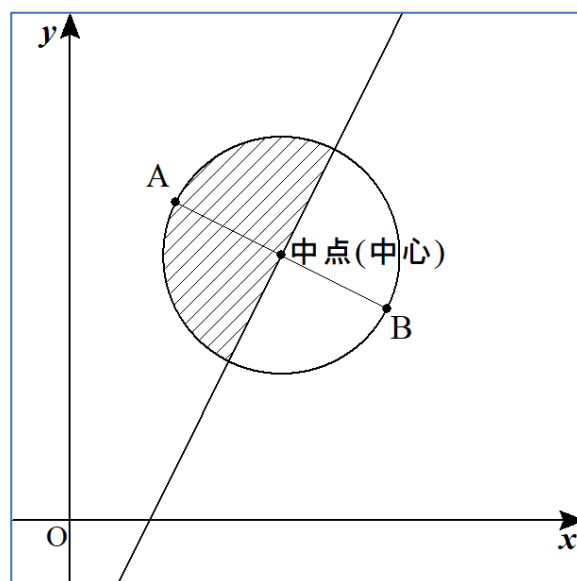
(1)、(2)は省略

(3)

$$\begin{cases} y \geq 2x - 3 \\ (x-4)^2 + (x-5)^2 \leq 5 \end{cases} \text{ を図示すると} \rightarrow$$

境界を含む斜線内にある座標点を用いて  
 $2x + y$ の最大と最小を考えるときは、

$2x + y = k$  とおくことが決まり事。



$2x + y$ のままでは、方程式でもないし関数の式にもならないが、

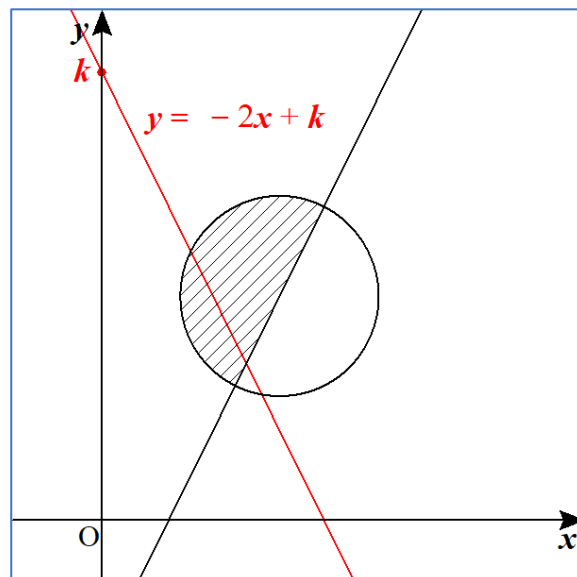
$2x + y = k$  とおくことで、 $y = -2x + k$  という

1次関数の形に表すことができる。

この式を上図に組込むと、 $k$ の値は切片になる。

(右図の**赤直線**)

このとき、 $(x, y)$ が斜線内の座標点であるなら、 $y = -2x + k$ は斜線の範囲上を必ず通る。



ここまでの内容から、

このような、式の最大値・最小値を求める問題では、

[与式= $k$ ]とおき、切片の値を考えればよい。

では、どこで $k$ が最大・最小をとるのか。

次のページで考えてみよう。

$k$  が最大・最小をとるとき、 $y = -2x + k$  のグラフと斜線範囲は接する状態にある。

(下図)

ここまでの内容が理解できれば、  
最大値・最小値を算出していく流れに入る。

まず最大値

接点(max)は、

$$y = 2x - 3 \text{ と } (x - 4)^2 + (y - 5)^2 = 5$$

の交点。

連立して求めると、 $(x, y) = (5, 7), (3, 3)$

図から最大値をとる座標は $(5, 7)$ であるから、 $k = 2x + y = 2 \times 5 + 7 = 17$

次に最小値

接点(min)は、

$$y = -2x + k \text{ と } (x - 4)^2 + (y - 5)^2 = 5 \text{ の交点。}$$

これを連立すると、

$$5x^2 - 4(k - 3)x + k^2 - 10k + 36 = 0 \text{ となる。}$$

このままでは  $x$  座標は求められないので、

**[2式が接する → 判別式  $D=0$ ]** の考えを用いて、判別式から  $k$  を算出する。

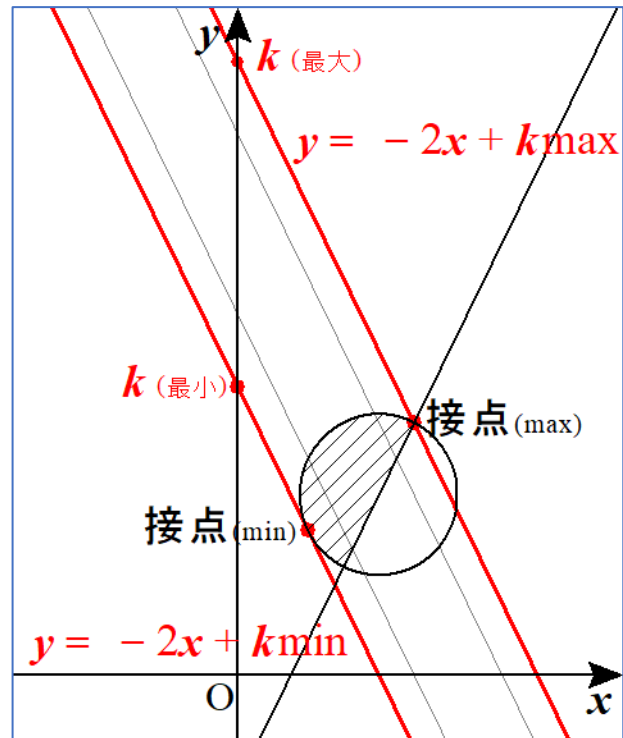
解くと、 $k = 8, 18$  が得られる。

ここで、 $k = 18$  のときではすでに出ている最大値  $k = 17$  を超えているため不適切である。

グラフで考えても不適切だとわかる。

2式が接するのは2ヶ所。

次のページで解説



赤線で示した最小値として適切な接線と、緑線で示した斜線範囲外の接線である。(下図)

したがって、 $k=18$ は不適切だとわかる。

よって、 $k=8$

(最小値は  $x, y$  を求めずとも得られた)

以上から、 $2x+y$ の最大値17、最小値8 となる。

